

المادة التعليمية للبرنامج العلاجي
المرحلة التحضيرية
لعام 2023-2022

مبحث الرياضيات
الصف: التاسع الأساسي

**المصدر: مادة التعلم المبني على المفاهيم والنتائج
 الأساسية لمبحث الرياضيات**

أولاً: العدد النسبي

خضار: ذهب عمر إلى سوق الخضار؛ فوجد الأسعار مكتوبةً كما في الجدول المجاور، ما اسم مجموعة الأعداد التي تنتهي إليها هذه الأعداد؟

ماذا سأتعلم؟

أكتب العدد النسبي على الصورة $\frac{a}{b}$ حيث $b \neq 0$ ، وأمثله على خط الأعداد.

نوع الخضار	سعر الكيلوغرام الواحد بالدينار
بطاطا	$\frac{1}{2}$
ليمون	1.65
فليفلة	0.70
ثفاح	$\frac{1}{14}$

العدد النسبي: العدد الذي يمكنني كتابته على صورة $\frac{a}{b}$ ، حيث a, b عداد صحيحان $b \neq 0$.
الكسور العشرية والأعداد العشرية المنتهية أو الدورية، والأعداد الكسرية والكسور الفعلية وغير الفعلية والأعداد الصحيحة؛ كلها يمكنني كتابتها على صورة كسر $\frac{a}{b}$.

مثال: أكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة كسر $\frac{a}{b}$.

أحول العدد العشري إلى عدد كسري: $-11.7 = -11 \frac{7}{10}$

أحول العدد الكسري إلى كسر غير فعلي: $= -\frac{(11 \times 10) + 7}{10} = -\frac{117}{10}$

أضرب العدد الصحيح في المقام: $2) 1 \frac{3}{7} = \frac{(1 \times 7) + 3}{7} = \frac{10}{7}$

ثم أجمع البسط: $\frac{10}{7}$

أحوال

- 1) 2.8 2) 70% 3) -9 4) $-5 \frac{6}{11}$
- أكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة $\frac{a}{b}$:

المجال الأعداد والعمليات

المحور الأعداد النسبية

القيمة المطلقة للعدد النسبي

- أجد القيمة المطلقة للعدد النسبي، وأمثلها على خط الأعداد.

معكوس العدد النسبي

- أميّز معكوس العدد النسبي، وأمثله على خط الأعداد.

- أجد القيمة المطلقة للأعداد الآتية:

$$\left| \frac{3}{4} \right|, |-5.9|, |8|.$$

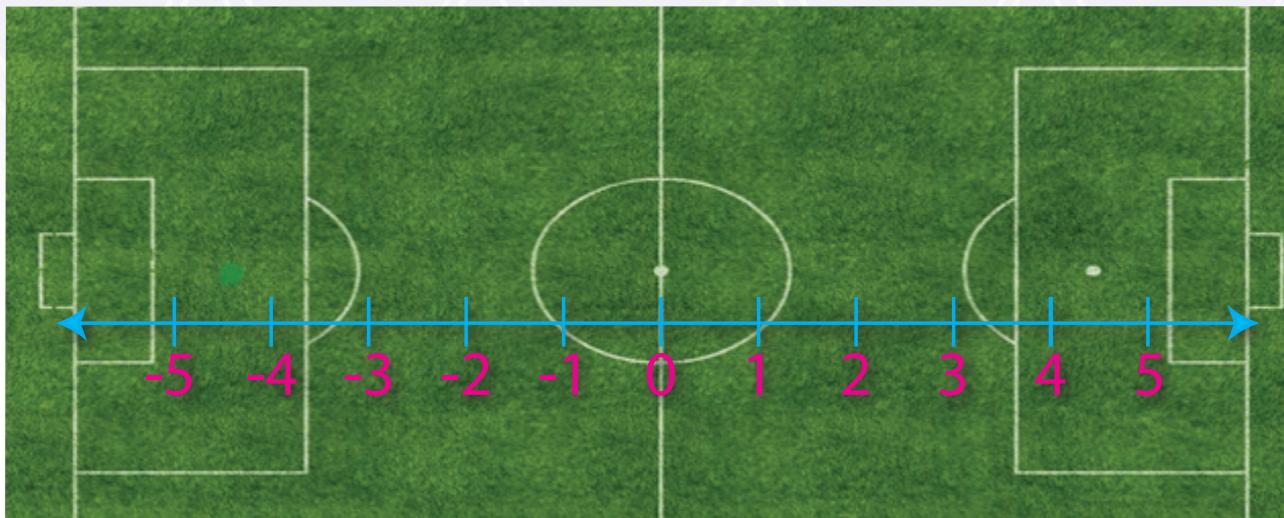
- أجد معكوس $\frac{5}{2}$ العدد، وأعيّنه على خط الأعداد؟

ثانية: القيمة المطلقة

موقفٌ مثيرٌ: لاحظَ معلمُ الرياضياتِ أنَّ إحدى علامتِ ركلةِ الجزاءِ قدْ مُسحتُ منْ أرضيَّةِ ملعبِ المدرسةِ؛ فطلبَ إلى طلبةِ الصفِ السابعِ تحديدَ مكانِ العلامةِ الممسوحةِ منْ دونِ استعمالِ المتر.

ماذا سأتعلّم؟

- أجُدُّ معكوسَ العدِ النسبيِّ.
- أجُدُّ القيمةَ المطلقةَ للعدِ النسبيِّ.



قال المعلمُ بعدَ أنْ رسمَ الملعبَ على اللوحِ، ورسمَ خطَّ الأعدادِ أسفلَ منهُ؛ الاحظُ أنَّ موقعَ نقطةِ ركلةِ الجزاءِ تُمثّلُ العدَّ 4.5 على خطِّ الأعدادِ، وأنَّ موقعَ النقطةِ الممسوحةِ تُمثّلُ العدَّ -4.5 . على خطِّ الأعدادِ، أيْ إنَّها انعكاسُ النقطةِ الظاهرةِ، ثمَّ قال: تذكّروا دائمًا أنَّ العدَّ الذي يبعدُ المسافةَ نفسها عنِ الصفرِ منَ الجهةِ الأخرى على خطِّ الأعدادِ؛ يُسمّى معكوسَ العدِ النسبيِّ.

معكوسُ العدِ	العدُّ
$-2 \frac{2}{7}$	$2 \frac{2}{7}$
4.6	-4.6
-8	8

مثال: يحتوي الجدولُ المجاورُ العددَ ومعكوسَهُ الجماعيَّ.

المعلمُ: كم المسافةُ بينَ الصفرِ والعدَّ 4.5 ؟
أحدُ الطلبةِ: 4 وحداتٍ ونصفٌ.

المعلمُ: ممتازٌ، السؤالُ الآنُ: كم المسافةُ بينَ الصفرِ والعدَّ -4.5 ؟
خالدُ: 4 وحداتٍ ونصفٌ أيضًا، وأضافَ جملةً في غايةِ الأهميَّةِ:
"المسافةُ لا تكونُ سالبةً يا أستاذُ".

المعلم: أحسنت يا خالد. وهذا هو مفهوم (القيمة المطلقة للعدد): وهي المسافة بين ذلك العدد والصفر على خط الأعداد، ويُعبر عنها بالرمز | . وبما أنَّ القيمة المطلقة مسافة فهي موجبة دائمًا.

هنا سأَلَ أَحْمَدَ: ما الفرق بين معكوس العدد والقيمة المطلقة؟

المعلم: معكوس العدد هو (عدد) إِمَّا أَنْ يكون موجباً وإِمَّا أَنْ يكون سالباً. أمَّا القيمة المطلقة فهي (المسافة) بين ذلك العدد والصفر، والمسافة موجبة دائمًا.

مثال: أجذ:

$$1) \left| \frac{4}{9} \right|$$

$$2) \left| \frac{4}{9} \right|$$

$$3) \left| -4.6 \right| - 8.4$$

الحل:

أَتَذَكَّرُ

لكلِّ من العددِ

النَّسْبِيِّ وَمَعْكُوسِهِ

القيمة المطلقة

نفسُها.

$$1) \left| \frac{4}{9} \right| = \frac{4}{9}$$

$$2) \left| \frac{4}{9} \right| = \frac{4}{9}$$

$$3) \left| -4.6 \right| - 8.4 = 4.6 - 8.4 = -3.8$$

بعدَمَا استمعَ سعيدٌ إلى شرح المعلم، قال: إذْن يا أستاذ باستعمال مفهوم (معكوس العدد): نستطيع تحديد موقع علامة ركلة الجزاء الممسوحة من دون استعمال المتر.

وخرجَ إلى الملعب وثبتَ طرفَ حبلٍ في نقطةِ المنتصفِ وسحبَ الطرفَ الآخرَ إلى أنْ وصلَ إلى علامة ركلةِ الجزاء الظاهرة، ثمَّ سارَ بالاتِّجاهِ المعاكسِ وهو يمسُك طرفَ الحبل، حتى وصلَ إلى النقطةِ التي لا يستطيعُ أن يشدَّ الحبلَ بعدها وقال: هذا موقعُ ركلةِ الجزاء التي مُسحتْ؛ لأنَّها تبعُدَ بُعدَ العلامةِ الأخرى نفسَة عن نقطةِ منتصفِ الملعب.

المعلم: رائعٌ يا سعيد.

المواد التعليمية للمفاهيم والنتائج الأساسية

المجال الأعداد والعمليات

المحور العمليات على الأعداد

العمليات على الأعداد النسبية

الطرح

- أجري عملية الطرح على الأعداد النسبية.

الجمع

- أجري عملية الجمع على الأعداد النسبية.

كيف أطرح عددين نسبيين؟

كيف أجmu عددين نسبيين؟

القسمة

- أجري عملية القسمة على الأعداد النسبية.

الضرب

- أجري عملية الضرب على الأعداد النسبية.

كيف أقسم عددين نسبيين؟

كيف أضرب عددين نسبيين؟

ثالثاً: جمع الأعداد النسبية

زيت الزيتون زيت ناتج من عصر أو ضغط ثمار الزيتون، وتحدُّد 85% من الدهون الموجودة فيه صديقة للقلب، كما تساعد على التقليل من نسبة الكوليسترول في الدم. ويُفضل حفظه في عبوات من الستانلس أو عبوات زجاجية. قررَ أَحْمَدُ أَنْ يُساعِدَ وَالدِّيْهِ فِي تَقْرِيرِ صَفِيحةِ الزيتِ الَّتِي سَعَثَهَا L 16 في عدٍّ مِنَ الْعَبَوَاتِ الزَّجاجِيَّةِ، وَكَانَ لَدِيهِ حَجْمَانِ مِنَ الْعَبَوَاتِ؛ الْأَوْلَى زَجاجَةٌ صَغِيرَةٌ سَعَةً L $\frac{8}{5}$ وَالثَّانِيَةُ زَجاجَةٌ كَبِيرَةٌ سَعَةً L $2\frac{1}{4}$

ماذا سأتعلّم؟

- أجمع عددَيْن نسببيَّين.
- أطرح عددَيْن نسببيَّين.
- أضرب عددَيْن نسببيَّين.
- أقسِّم عددَيْن نسببيَّين.



$$16 \text{ L}$$

$$2\frac{1}{4} \text{ L}$$

$$\frac{8}{5} \text{ L}$$

الجمع

(1) لجمع عددَيْن نسببيَّين لهما المقام نفسه؛ أجمع البسطَين ويبقى المقام كما هو، والقاعدة هي:

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

مثال: أجد سعة عبوتين من النوع نفسه؟

$$\frac{8}{5} + \frac{8}{5} = \frac{16}{5} = 3.2 \text{ L}$$

$$2\frac{1}{4} + 2\frac{1}{4} = \frac{2 \times 4 + 1}{4} + \frac{2 \times 4 + 1}{4} = \frac{9}{4} + \frac{9}{4} = \frac{18}{4} \text{ L}$$

(2) لجمع عددَيْن نسببيَّين لهما مقاماتٌ مختلفةٌ، أتبع القاعدة الآتية:

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d + c \times b}{b \times d}$$

مثال: أجد سعة عبوتين مختلفتين.

ملحوظة: حولنا العدد الكسري إلى كسر عادي.

$$2\frac{1}{4} + \frac{8}{5} = \\ 2\frac{1}{4} = \frac{2 \times 4 + 1}{4} = \frac{9}{4}$$

حساب سعة عبوة كبيرة مع عبوة صغيرة:

$$\frac{9}{4} + \frac{8}{5} = \frac{9 \times 5 + 8 \times 4}{4 \times 5} = \frac{45 + 32}{20} = \frac{77}{20} = 3.85 \text{ L}$$

أحاول

أجد مجموع كل من الأعداد النسبية الآتية:

$$1) \frac{3}{7} + \frac{2}{7} =$$

$$2) \frac{4}{5} + \frac{2}{3} =$$

$$3) -2\frac{1}{2} + 1.2 =$$

الطرح

لإيجاد ناتج طرح عددين نسبيين؛ فذلك لا يختلف عن جمع عددين نسبيين، أي يجب أن تكون المقامات متشابهةً.

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a \times d - c \times b}{b \times d}$$

مثال: أجد الفرق بين سعة العبوتين المختلفتين:
الفرق بين العبوتين، هو:

$$\frac{9}{4} - \frac{8}{5} = \frac{9 \times 5 - 8 \times 4}{4 \times 5} + \frac{45 - 32}{20} = \frac{13}{20} = 0.65 \text{ L}$$

أحاول

أجد ناتج طرح كل من الأعداد النسبية الآتية:

$$1) \frac{2}{5} - \frac{1}{3} =$$

$$2) 1\frac{2}{9} - 3 =$$

$$3) (-0.9) - \frac{2}{3} =$$

الضرب

الاحظ أنَّه:

- 1) لا توجُّد حاجةٌ لتوحيدِ المقاماتِ.
- 2) يُمكِّنني اختصارُ الكسورِ قبل إجراءِ عمليةِ الضربِ.

لضربِ عدَّدين نسبيَّين، أستعملُ القاعدةَ الآتيةَ:

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

مثال: أجدُ سَعَةً 7 عبواتٍ صغيرَةٍ.

$$7 \times \frac{8}{5} = \frac{7}{1} \times \frac{8}{5} = \frac{7 \times 8}{1 \times 5} = \frac{56}{5} = 11.2 \text{ L}$$

مثال: أجدُ سَعَةً 3 وأربعَةِ أخماسِ العبوَةِ منَ الحجمِ الكبيرِ.

$$3\frac{4}{5} \times 2\frac{1}{4} = \frac{3 \times 5 + 4}{5} \times \frac{2 \times 4 + 1}{4} = \frac{19}{5} \times \frac{9}{4} = \frac{171}{20} = 8.55 \text{ L}$$

أحاوُن

أجدُ ناتجَ ضربِ كُلٌّ منَ الأعدادِ النسبيَّةِ الآتيةَ:

- 1) $\frac{5}{7} \times -\frac{2}{3} =$
- 2) $\frac{-1}{7} \times -4\frac{2}{3} =$
- 3) $(0.01) \times \frac{1}{10} =$

القسمة

الخطوات:

- 1) أبقي العددَ النسبيَّ الأوَّلَ كما هوَ.
- 2) أحوّلُ عمليةَ القسمةِ إلى عمليةٍ ضربٍ.
- 3) أضعُ مقلوبَ الكسرِ الثاني.
- 4) أجري عمليةَ ضربِ عدَّدين نسبيَّين.

لقسمةِ عدَّدين نسبيَّين، أستعملُ القاعدةَ الآتيةَ:

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

مثال: تريد عائلة أحمد استهلاك عبوة كبيرة خلال $\frac{17}{4}$ من الأيام. أجد كمية الزيت التي يجب استهلاكها يومياً.

$$\frac{9}{4} \div \frac{17}{4} =$$

$$\frac{9}{4} \times \frac{4}{17} = \frac{9}{17} = 0.52 \text{ L}$$

أحاول

أجد ناتج قسمة كل من الأعداد النسبية الآتية:

$$1) \frac{4}{7} \div \frac{-5}{14} =$$

$$2) \frac{3}{2} \div \frac{-1}{5} =$$

$$3) \frac{7}{4} \div (0.5) =$$

قوانين الأسس

المجال الأعداد والعمليات

المحور الأسس والجذور والأعداد الحقيقية

قوانين الأسس الصحيحة

- أحسب قيمة مقادير عدديّة باستعمال الأسس وأولويّات العمليات.

الصيغة الأسية لعدد (الأُس والأسس)

- أكتب الأعداد الكليّة بالصيغة الأسية.

$$- \text{أجد قيمة } (2)^3 \times (5)^3$$

$$- \text{أكتب ما يأتي بالصيغة الأسية:}$$

$$0.71 \times 0.71 \times 0.71$$

المرحلة	عدد البكتيريا
الأولى	2
الثانية	2×2
الثالثة	$2 \times 2 \times 2$
الرابعة	$2 \times 2 \times 2 \times 2$

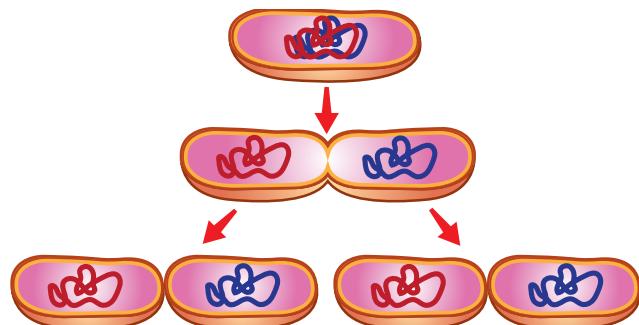
تكاثر البكتيريا: تتكاثر بعض أنواع البكتيريا بالانشطار الثنائي بنسب هندسية متصاعدة وفق الجدول المجاور، كم سيصبح عدد البكتيريا في المرحلة السابعة؟

ماذا سأتعلم؟

- أكتب الأعداد الكلية بالصيغة الأسية.
- أحسب قيم مقادير عدديّة باستخدام الأساس.

أتذكر

يقرأ العدد 2^6 كما يأتي:
(اثنان أس ستة)، أو (اثنان قوة ستة)، أو القوة السادسة للعدد اثنين.



يمكنني التعبير عن الضرب المتكرر للعدد في نفسه باستخدام الأساس، وعندئذ يُسمى عدد مرات تكرار الضرب الأساس (القوة)، أما العدد نفسه فيُسمى الأساس.

$$64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6 \quad \leftarrow \text{الأساس}$$

الأساس

تسمى الصيغة التي يُكتب فيها الضرب المتكرر باستخدام الأساس الصيغة الأساسية، مثلاً: 3^5 : أما الصيغة التي يُكتب فيها الضرب المتكرر من دون استخدام الأساس؛ فتُسمى الصيغة القياسية، مثلاً: $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$

أحاوٌ

أكتب ما يأتي بالصيغة الأسيّة:

- 1) $0.4 \times 0.4 \times 0.4 \times 3 \times 3$
- 2) $(-13) \times (-13) \times (-13) \times (-13)$

التعريف اللفظي	الرموز	توضيح
ضرب القوى: لضرب قوتين لهما الأساس نفسه؛ أجمع الأسس.	$a^m \times a^n = a^{(m+n)}$	$a^2 \times a^3 = (a \times a) \times (a \times a \times a) = a^5$
قسمة القوى: لقسمة قوتين لهما الأساس نفسه؛ أطرح الأساس.	$\frac{a^m}{a^n} = a^{(m-n)}$	$\frac{a^5}{a^3} = \frac{a \times a \times a \times a \times a}{a \times a \times a} = a^2$
قوة القوة: لإيجاد قوة القوة؛ أضرب الأساس.	$(a^m)^n = a^{(m \times n)}$	$(a^5)^2 = a^5 \times a^5$ $(a \times a \times a \times a) \times (a \times a \times a \times a) = a^{10}$
قوة حاصل الضرب: لإيجاد قوة حاصل الضرب؛ أجذب قوة كل عدد ثم أضرب. توزيع الأس على الضرب.	$(ab)^n = a^n b^n$	$(a \times b)^4 =$ $(a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b) =$ $(a \times a \times a \times a) \times (b \times b \times b \times b) =$ $a^4 \times b^4$
قوة ناتج القسمة: لإيجاد قوة ناتج القسمة؛ أجذب كلًا من قوة البسط والمقام ثم أقسّم. توزيع الأس على البسط والمقام.	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}, b \neq 0$	$\left(\frac{a}{b}\right)^3 = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b}$ $= \frac{a \times a \times a}{b \times b \times b} = \frac{a^3}{b^3}, b \neq 0$
الأس الصفرى: أي عدد غير الصفر مرفوعًا للأس (صفر) يساوي (1).	$a^0 = 1$	$1 = \frac{a^7}{a^7} = a^{7-7} = a^0$
الأسون السالبة: القوة السالبة لأي عدد غير الصفر، هي مقلوب لقوة الموجبة، والقوة الموجبة هي مقلوب لقوة السالبة.	$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ $a^n = \frac{1}{a^{-n}}$	$a^{-4} = a^{-1} \times a^{-1} \times a^{-1} \times a^{-1}$ $= \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} = \frac{1}{a^4}$

مثال: أستعمل قوانين الأسس؛ لإيجاد قيمة كلٌّ مما يأتي:

$$1) 2^3 \times 2^2$$

$$2^3 \times 2^2 = 2^{3+2}$$

قاعدة ضرب القوى

$$2^5 = 32$$

أجمع الأسس

$$2) \frac{7^8}{7^6}$$

$$\frac{7^8}{7^6} = 7^{8-6}$$

$$7^2 = 49$$

قاعدة قسمة القوى

أطرح الأسس

أحاول

أستعمل قوانين الأسس؛ لإيجاد قيمة كلٌّ مما يأتي:

$$1) (-10)^4 \times (-10)^3$$

$$2) \frac{6^{10}}{6^9}$$

مثال: أستعمل قوانين الأسس؛ لإيجاد قيمة كلٌّ مما يأتي:

$$1) (2^4)^2$$

$$(2^4)^2 = 2^{4 \times 2}$$

قاعدة قوة القوة

$$2^8 = 256$$

أضرب الأسس

$$2) (2 \times 5)^3$$

$$(2 \times 5)^3 = 2^3 \times 5^3$$

أجد قوة كل عدد ثم أضرب

$$8 \times 125 = 1000$$

$$3) \left(\frac{2}{3}\right)^2$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{2^2}{3^2}$$

قاعدة قوة ناتج القسمة

$$= \frac{4}{9}$$

$$2) 6^{-2}$$

$$6^{-2} = \frac{1}{6^2}$$

قاعدة الأسس السالبة

$$= \frac{1}{36}$$

تعريف الأسس

أحاول

أستعمل قوانين الأسس؛ لإيجاد قيمة كلٌّ مما يأتي:

$$1) ((-3)^2)^2$$

$$2) (3 \times 4)^3$$

$$3) \left(\frac{1}{7}\right)^2$$

$$4) 2^{-5}$$

$$5) (23)^0$$

العمليات على المقادير الجبرية

المجال الأنماط والجبر والاقترانات

المحور المقادير والمعادلات

ضرب المقادير الجبرية

- أجد حاصل ضرب عدٍ في مقدار جبري.
- أجد حاصل ضرب مقدارين جبريين.

كيف أضرب مقدارين جبريين؟ وهل يمكن أن تكون عملية ضربهما غير ممكنة؟

جمع المقادير الجبرية وطرحها

- أجد ناتج جمع مقدارين جبريين وطرحهما.

الحدود الجبرية المشابهة

- أميز الحود الجبرية المشابهة.

كيف أجمع المقادير الجبرية وأطرحها؟

متى تكون الحود الجبرية مشابهة؟

أولاً: الحدود المتشابهة

اشترى أَحْمَدُ مِنَ السُّوقِ 3 كِيلُو غُرَامَاتٍ مِنَ التَّفَّاحِ، وَ5 كِيلُو غُرَامَاتٍ مِنَ الْبَرْتَقَالِ، وَعَنْدَ عُودَتِهِ إِلَى الْبَيْتِ وَجَدَ أَخَاهُ مُحَمَّدًا قَدْ اشترى 7 كِيلُو غُرَامَاتٍ مِنَ التَّفَّاحِ، وَ5 كِيلُو غُرَامَاتٍ مِنَ الْمُوزِ، وَكِيلُو غُرَامَيْنِ مِنَ الْبَرْتَقَالِ أَيْضًا. أَرَادَتْ أُمُّهُمَا أَنْ تَضَعَّ الْفَوَاكَةَ فِي أُوعِيَّةٍ بِحِيثُ تَضَعُّ كُلَّ صَنْفٍ فِي وَعَاءٍ، فَكُمْ وَعَاءٌ سَتَحْتَاجُ؟

ماذا سأتعلم؟

تشابهُ الحدود الجبرية.

مِنَ الْمُؤَكَّدِ أَنَّنِي لاحظَتُ أَنَّ الْأُمَّ سَتَحْتَاجُ إِلَى 3 أُوعِيَّةٍ لِتَضَعَّ فِيهَا الْفَوَاكَةَ، بِحِيثُ تَضَعُّ التَّفَّاحَ فِي وَعَاءٍ وَالْبَرْتَقَالَ فِي وَعَاءٍ وَالْمُوزَ فِي وَعَاءٍ؛ لِأَنَّهَا 3 أُنْوَاعٍ مُخْتَلِفةٍ.



الوعاءُ الثالثُ



الوعاءُ الثانيُ



الوعاءُ الأوَّلُ

إِذَا فَرَضْنَا أَنَّ التَّفَّاحَ يُرْمَزُ لَهُ بِالرَّمْزِ x ؛ فَلَا يُمْكِنُ أَنْ نَسْتَعْمِلَ الرَّمْزَ نَفْسَهُ لِلْبَرْتَقَالِ لِأَنَّ الْبَرْتَقَالَ مِنْ صَنْفٍ آخَرَ، فَيَجِبُ أَنْ نَرْمِزَ لَهُ بِرَمْزٍ مُخْتَلِفٍ مُثْلِ y ، وَكَذَلِكَ بِالنَّسْبَةِ إِلَى الْمُوزِ. وَمِنْ ثَمَّ، يُمْكِنُ التَّعْبِيرُ عَنْ مَشْتَرِيَاتِ أَحْمَدَ وَمُحَمَّدٍ بِالطَّرِيقَةِ الْآتِيَّةِ:

	الموز	البرتقال	التفاح	
(حدودٌ غيرٌ متشابهةٌ)	$0kg = 0z$	$5kg = 5y$	$3kg = 3x$	مشترياتُ أَحْمَد
(حدودٌ غيرٌ متشابهةٌ)	$5kg = 5z$	$2kg = 2y$	$7kg = 7x$	مشترياتُ مُحَمَّدٍ
	(حدودٌ متشابهةٌ)	(حدودٌ متشابهةٌ)	(حدودٌ متشابهةٌ)	

أَحاوَلُ

أَصْلُ الْحَدُودَ فِي الْعَمُودِ الْأَوَّلِ، مَعَ حَدُودِهَا الْمُشَابِهَةِ لَهَا فِي الْعَمُودِ الثَّانِيِّ:

$5x^2$	$5x$
$3z$	$4y$
$3y$	$-2f$
$5f$	$2x^2$
$2x$	$z-$

ثانياً: جمع الحدود الجبرية وطرحها

الوزن	البرتقالي	التفاهم	
(حدود غير متشابهة) $0kg=0z$	$5kg=5y$	$3kg=3x$	مشترياتُ أحمد
(حدود غير متشابهة) $5kg=5z$	$2kg=2y$	$7kg=7x$	مشترياتُ محمد
(حدود متشابهة) ()	(حدود متشابهة) ()	(حدود متشابهة) ()	

من الجدول السابق:

1) كم كيلوغراماً من التفاح وضع الأم في وعاء التفاح؟

$$3x+7x=10x$$

عند جمع حدين متشابهين؛
نجمع المعاملات فقط.

2) ما الفرق بين كيلوغرامات البرتقال التي اشتراها أحمد و محمد؟

$$5y-2y=3y$$

عند طرح حدين متشابهين؛
نطرح المعاملات فقط.

3) هل يمكنني جمع كيلوغرامات التفاح مع كيلوغرامات البرتقال؟
لا يمكنني جمعها، لأنها من صنفين مختلفين،
أي إنها حدود غير متشابهة.

الحدود غير المتشابهة، لا
نجعل ولا نطرح.

ثالثاً: ضرب المقادير الجبرية

الموز	البرتقال	التفاح	
$0kg=0z$	$5kg=5y$	$3kg=3x$	مشترياتُ أَحْمَدَ
$5kg=5z$	$2kg=2y$	$7kg=7x$	مشترياتُ مُحَمَّدٍ

(1) إذا اشتَرَى أَحْمَدُ الْكَمِيَّةَ نفْسَهَا لِمَدَّةِ 5 أَيَّامٍ، فما إجماليُ الْكَمِيَّةِ الَّتِي اشترَاهَا؟

مجموع المشتريات	البرتقال	التفاح	
$3x+5y$	$5y$	$3x$	مشترياتُ أَحْمَدَ فِي الْيَوْمِ الْوَاحِدِ
$5 \times (3x+5y) = 15x+25y$	$5y \times 5 = 25y$	$3x \times 5 = 15$	مشترياتُ أَحْمَدَ فِي 5 أَيَّامٍ

(2) إذا اشتَرَى مُحَمَّدُ الْكَمِيَّةَ نفْسَهَا لِمَدَّةِ 4 أَيَّامٍ، فما إجماليُ الْكَمِيَّةِ الَّتِي اشترَاهَا؟

$$4 \times (7x+2y+5z) = 4 \times 7x + 4 \times 2y + 4 \times 5z = 28x + 8y + 20z$$

(3) أَجُدْ حاصلَ ضربِ مشترياتِ أَحْمَدَ فِي مشترياتِ مُحَمَّدٍ فِي الْيَوْمِ الْوَاحِدِ.

$$(3x+5y) \times (7x+2y+5z) = 3x \times 7x + 3x \times 2y + 3x \times 5z + 5y \times 7x + 5y \times 2y + 5y \times 5z = 21x^2 + 6xy + 15xz + 35xy + 10y^2 + 25yz = 21x^2 + 41xy + 15xz + 10y^2 + 25yz$$

أَتَذَكَّرُ

عندَ الضربِ تُجْمِعُ
الأسسُ.

عندَ ضربِ الحدوْدِ الجُبْرِيَّةِ؛ أَضْرِبِ المعاملَ فِي
المعاملِ وَالْمُتغَيِّرِ فِي الْمُتغَيِّرِ، وَلَا يُشَرِّطُ تشابهُ
الحدوْدِ.

أَحَادِيثُ

أَجُدْ حاصلَ ضربِ المقاديرِ الآتِيَّةِ:

- 1) $(2x+4)(5d-3x)$
- 2) $2x(3y-4)$



1) أكمل الفراغات في الجدول الآتي:

مجموع المشتريات	الموز	البرتقال	التفاح	
$3x+5y$	$0z$	$5y$	$3x$	مشترياتُ أحمد
	$5z$	$2y$	$7x$	مشترياتُ محمدٍ
			$10x$	المجموع

2) أكمل الفراغات في الجدول الآتي:

مجموع المشتريات	الموز	البرتقال	التفاح	
$3x+5y$	$0z$	$5y$	$3x$	مشترياتُ أحمد
	$5z$	$2y$	$7x$	مشترياتُ محمدٍ
			$21x^2$	حاصلٌ ضربٌ مشترياتِ أحمد و محمدٍ