



المادة التعليمية للبرنامج العلاجي

المرحلة التحضيرية

لعام 2023-2022

مبحث الرياضيات

الصف : الحادي عشر الأدبي

المصدر: المادة التعليمية المساعدة لمبحث الرياضيات

حل المعادلات

1

النتائج: • أحل معادلةً بمتغيرٍ واحدٍ.

النشاط 1 خصائص المساواة.

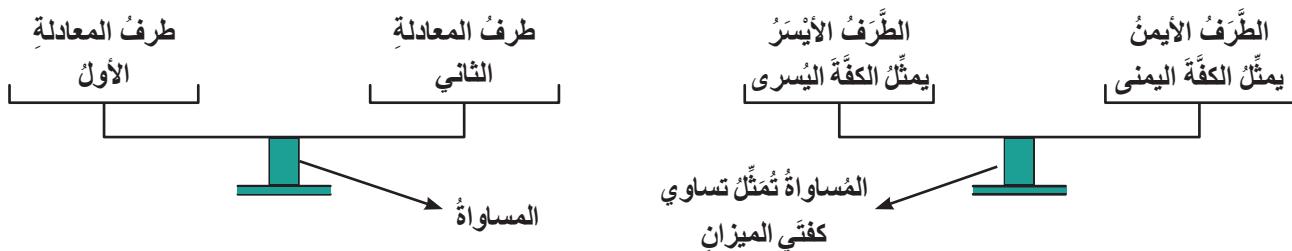


أذكّر

المقدارُ الجبرِيُّ: عبارةٌ تحتوي على متغيراتٍ وأعدادٍ تفصلُ بينَها عملياتٍ. مثلاً $2x + 6$

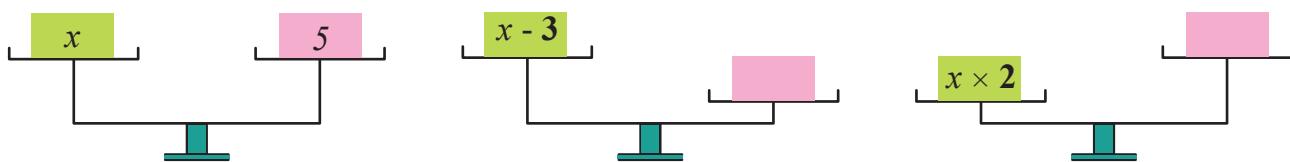
أذكّر

المعادلةُ: جملةٌ تتضمنُ مساواةً (=) تدلُّ على تساوي المقدارين في طرفيها، وقد تتضمنُ المعادلةً أعداداً مجهولةً تُسمى المتغيرات، ويعبرُ عنها بأحرفٍ مثل y , x .



(1) الاحظ كفتي الميزان

إذا بدأت المساواة بين x والعدد 5 ؛ فما الذي تضعيه في الكفة اليمنى لتبقى المعادلة صحيحةً؟



$$x = 5$$

$$x - 3 = \dots$$

$$x \times 2 = \dots$$

(2) أسجل ملاحظاتي حول خصائص المساواة، وأناقشها مع معلمي وزملائي.

استنتج

لتبقى المساواة في المعادلة صحيحةً، يجب مراعاة ما يأتي:

- عند (إضافة/ جمع) عددٍ ما إلى أحد طرفي المعادلة فيجب إضافة العدد نفسه إلى الطرف الآخر.
- عند طرح عددٍ ما من أحد طرفي المعادلة فيجب طرح العدد نفسه من الطرف الآخر.
- عند ضرب أحد طرفي المعادلة في عددٍ ما فيجب ضرب الطرف الآخر في العدد نفسه.
- عند قسمة أحد طرفي المعادلة على عددٍ ما (والعدد ≠ صفرًا) فيجب قسمة الطرف الآخر على العدد نفسه.

النشاط ② حل المعادلات



أتذكر

حل المعادلة يعني إيجاد قيمة المتغير التي تجعل المساواة صحيحةً.

مثلاً: حل المعادلة $5 = 1 + x$ هو $x = 4$ لأنَّه بتعويض العدد 4 مكان x أحصل على عبارة رياضية صحيحة وهي: $(4 + 1 = 5)$.

(1) أجد كتلة كيس الفاكهة في الشكل المجاور

	أطرح 1 من كفتي الميزان لجعل كيس الفاكهة على طرف والأعداد على طرف آخر.	كتلة كيس الفاكهة 6 KG

(2) أحل المعادلات الآتية وأتحقق من حلّي:

① $m + 6 = 13$

$$m + 6 = 13$$

$$-6 \quad -6$$

$$m = 7$$

② $f - 4 = 5$

$$f - 4 = 5$$

$$\dots \dots \dots$$

$$f = 9$$

③ $5x + 7 = 22$

$$5x + 7 = 22$$

$$5x = 15$$

$$x = 3$$

④ $4(3y - 5) = 28$

$$4(3y - 5) = 28$$

$$4 \times 3y - 4 \times 5 = 28$$

$$12y - 20 = 28$$

$$\dots \dots \dots$$

$$y = \dots \dots \dots$$

المعادلة الأصلية

أجعل المتغير على طرف والأعداد على
الطرف الآخر، أطرح 6 من الطرفين

وبما أن المتغير على طرف وحدة أكون قد
أنهيت الحل

التحق من صحة الحل

أعوض قيمة $m = 7$ في المعادلة

$$7 + 6 = 13 \\ 13 = 13$$

بما أن الطرفين متساويان إذن الحل صحيح ✓

المعادلة الأصلية

أجعل المتغير على طرف والأعداد على
الطرف الآخر، ثم أجمع 4 إلى الطرفين.

التحق من صحة الحل

.....
.....
.....

بما أن المتغير على طرف وحدة أكون قد

أنهيت الحل

المعادلة الأصلية

لماذا؟

لماذا؟

التحق من صحة الحل

.....
.....
.....

أذكر

خاصية توزيع الضرب على الجمع
كالاتي:

$$a(b + c) = a \times b + a \times c$$

المعادلة الأصلية

خاصية التوزيع

أضرب وأكمل حل المعادلة

أفكّر

هل توجد طريقة أخرى لحل المثال؟

$$3a + 12 = 27 \quad \dots \dots \dots \text{لماذا؟}$$

(5) $5a + 12 = 2a + 27$

النشاط (3) حل المسألة باستخدام المعادلات.



(1) أكمل الجدول الآتي:

المقدار الجبري	الجملة
$5x$	خمسة أمثال x
	مثلا x
$x + 7$	إضافة 7 ل x
	إضافة 4 ل x
	طرح 5 من x



$$a \quad a \quad a \quad a \quad a = 5$$

(2) لدى طارق 5 مجموعات متساوية من الطوابع البريدية أضاف إليها 4 طوابع فأصبح مجموع ما لدى طارق هو 39 طابعا، أجد الطوابع في المجموعة الواحدة:

(1) أرمز إلى الطوابع في المجموعة الواحدة برمز a ، ولتكن a

(2) عدد الطوابع في المجموعات الخمس =

(3) أضيف الطوابع الأربع المتبقية فيصبح الناتج =

$$a \quad a \quad a \quad a \quad a + \quad \dots \quad = 5a + 4$$

$$\text{الحل:} \quad \leftarrow \quad 5a + 4 = 39 \quad \boxed{\text{أحل المعادلة}}$$

(3) لدى ميسَ مبلغٌ منَ المالِ بالدينارِ، إذا ضُربَ بالعددِ 3 وطرحنا منهُ 2 كانَ المبلغُ الناتجُ مساوًياً لجمعِ 8 إلى المبلغِ، أجدُ ما لدى ميسَ منَ الدنانيرِ وأتحققُ منْ صحةِ الحلِ .

أرمزُ إلى المبلغِ الذي معَ ميسَ برمزٍ ولتكنَ d

$$3d - 2 = d + 8$$

$$3d - 2 =$$

$$3d - 2$$

$$3d$$

$$d$$

لدى ميسَ مبلغٌ منَ المالِ بالدينارِ، إذا ضُربَ بالعددِ 3 وطرحنا منهُ 2 كانَ الناتجُ مساوًياً لجمعِ 8 إلى

المبلغِ، أجدُ ما لدى ميسَ منَ الدنانيرِ وأتحققُ منْ صحةِ الحلِ.

أفهمُ

أخطئُ

أحلُّ

أتحققُ

(4) أجدُ العدَّ الذي أربعَهُ أمثلَةً مطروحاً منهُ 5 يكونُ مساوًياً للعدَّ 11 .

أضعُ ✓ أسفَلَ الصورةَ التي تمثُّلُ تَعْلُمي



حل المعادلات التربيعية بالتحليل (1)

النتائج: • أحل المعادلة التربيعية بالتحليل.

نشاط ① حل المعادلات التربيعية بالتحليل



أولاً: تحليل المقادير الجبرية

أتذكر

بعض طرائق تحليل المقادير الجبرية

طريقة التحليل	عدد الحدود الجبرية
إخراج العامل المشترك الأكبر	2 أو أكثر
$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$	الفرق بين مربعين 2
$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$ $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$	مربع كامل ثلاثي الحدود 3
$x^2 + bx + c = (x+m)(x+n)$ $m + n = b$ and $mn = c$	$x^2 + bx + c$
$ax + bx + ay + by = x(a+b) + y(a+b)$ $= (a+b)(x+y)$	التحليل بتجميع الحدود 4 أو أكثر

أتذكر

حين لا تساوي قيمة العامل المشترك الأكبر لحدود المقدار الجبري 1، فإن من الأسهل البدء بإخراج العامل المشترك الأكبر، ثم اختيار طريقة التحليل المناسبة.

(1) أحل المقدار الجيري $6x^2+8x$:

1 أجد العامل المشترك الأكبر لحدود المقدار الجيري $2x$ ؛ لأن

$$6x^2 = 2 \times 3 \times x \times x, 8x = 2 \times 2 \times 2 \times x$$

2 أخرج المقدار $(2x)$ عاملًا مشتركًا:

3 هل المقدار الجيري $(3x+4)$ تم تحليله تحليلًا كاملاً؟ أبرز إجابتي.

نعم؛ لأنّه تم كتابة كل حد من الحدود الجبرية للمقدار بالصورة التحليلية.

إذن، تم تحليل المقدار الجيري تحليلًا كاملاً.

(2) أحل المقدار الجبري $x^2 - 6x + 8 = 0$

1 أجد العامل المشترك الأكبر لحدود المقدار الجيري:

2 اختار طريقة التحليل المناسب: تحليل ثلاثي الحدود

$$x^2 + bx + c = (x + m)(x + n)$$

$$m + n = b \text{ and } mn = c$$

إذا كانت c موجبة، و b سالبة في
ثلاثي الحدود $x^2 + bx + c$ ، فإن
لكل من n, m إشارة سالبة.

بما أن $c = \dots$ ، $b = \dots$ ، فيجب إيجاد عددين سالبين مجموعهما وحاصل ضربهما

3 أنشئ جدولًا، وأنظم فيه عوامل العدد 8 السالبة، وأحد العاملين اللذين مجموعهما -6:

العاملان الصحيحان

أزواج عوامل العدد 8 السالبة	-1, -8	-2, -4
مجموع العاملين	-9	-6

$$x^2 - 6x + 8 = (x + m)(x + n)$$

4 أكتب القاعدة:

$$= (\dots)(\dots) \quad m = -2, n = -4 \quad 5 \text{ أعرض }$$

(3) أحل المقادير الجبرية الآتية:

1 $x^2 + 3x + 2$

2 $2x^2 - 2x - 24$

ثانيًا: حل المعادلات التربيعية بالتحليل

أتعلم

خاصية الضرب الصفرى: إذا كان حاصل ضرب عددين حقيقيين صفرًا، فإن أحدهما على الأقل يجب أن يكون صفرًا، **مثال:** $x+1=0$ ، فإن إما $x=0$ أو $x+1=0$.

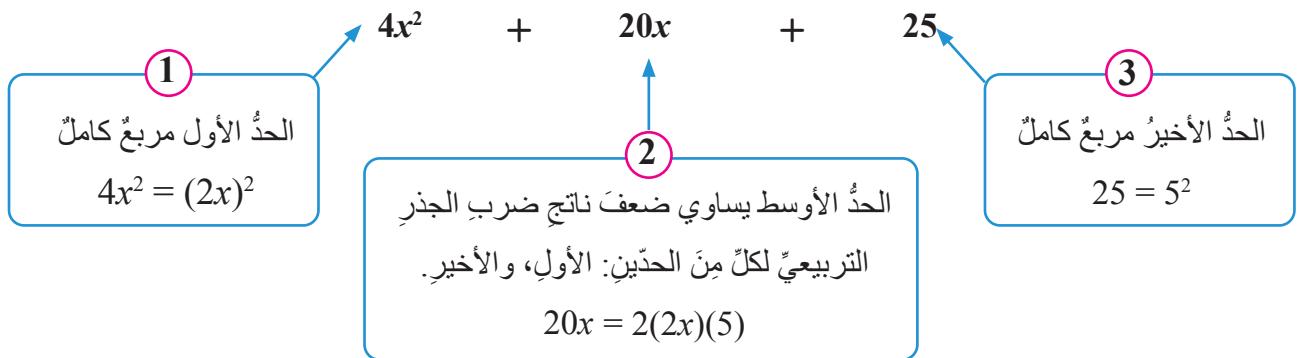
(1) أحل المعادلة $4x^2 + 20x + 25 = 0$ بالتحليل

أحل المقدار الجبرى في الطرف الأيسر من المعادلة على صورة حاصل ضرب عاملين:

$$4x^2 + 20x + 25 = 0$$

الاحظ:

المقدار الجبرى $4x^2 + 20x + 25$ يتكون من 3 حدود؛ اختار تحليله بإحدى الطرق الثلاثة: (إخراج العامل المشترك الأكبر، أو مربع كامل ثلاثي، أو تحليل ثلاثي الحدود $x^2 + bx + c$)؛ وبما أن العامل المشترك الأكبر للحدود الجبرية الثلاثة هو 1؛ فلا يمكن استعمال الطريقة الأولى، وبما أن معامل x^2 ($a \neq 1$)، فلا يمكن تحليله باستعمال الطريقة الثانية؛ لذلك على أنتحقق من شروط طريقة تحليل مربع كامل ثلاثي الحدود.



إذن، أحلل المقدار الجبري باستعمال مربع كامل ثلاثي الحدود:

مربع كامل ثلاثي الحدود

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$$

$$4x^2 + 20x + 25 = (2x+5)^2 = (2x+5)(2x+5)$$

تحليل المقدار الجيري هو:

أساوي كل عامل بالصفر (خاصية الضرب الصفرى)، وبما أن العاملين متساويان فـأحلل المعادلة الخطية (بين القوسين):

$$4x^2 + 20x + 25 = 0$$

$$(2x+5)^2 = 0$$

$$2x+5 = 0$$

$$x = -\frac{5}{2} = -2 \frac{1}{2}$$

إذن، للمعادلة جذريان حقيقيان متساويان (حل واحد) هو، $\left\{-2 \frac{1}{2}\right\}$

أتعلم

لحل المعادلات التربيعية بالتحليل، أتبع الخطوات الآتية:

الخطوة (1): أنقل جميع الحدود إلى الطرف الأيسر، وأترك الصفر في الطرف الأيمن.

الخطوة (2): أحلل المقدار الجيري في الطرف الأيسر من المعادلة على صورة حاصل ضرب عاملين.

الخطوة (3): أساوي كل عامل بالصفر (خاصية الضرب الصفرى)، وأحل كل معادلة خطية.

الخطوة (4): حلول المعادلة التربيعية هي حلول المعادلتين الخطيتين.

$$x^2 - 12x - 36 = 0$$

١) أُنْقِلْ جَمِيعُ الْحَدُودِ إِلَى الْطَّرْفِ الْأَيْسِرِ مِنَ الْمَعَاذِلَةِ، وَأَتْرَكُ الصَّفْرَ فِي الْطَّرْفِ الْأَيْمَنِ:

٢) أَحْلَلْ الْمَقْدَارَ الْجَبَرِيَّ فِي الْطَّرْفِ الْأَيْسِرِ مِنَ الْمَعَاذِلَةِ عَلَى صُورَةِ حَاصلِ ضَرِبِ عَامِلَيْنِ:

- أَجْدُ الْعَامِلَ الْمُشَتَّرَكَ الْأَكْبَرَ لِهَذِهِ الْمَقْدَارِ الْجَبَرِيِّ:

- هَلُ الْحُدُّ الْأُولُّ مَرْبُعٌ كَامِلٌ؟

- هَلُ الْحُدُّ الْأُوْسْطُّ يَسَاوِي (x+6)(x-6)؟

- هَلُ الْحُدُّ الْآخِرُ مَرْبُعٌ كَامِلٌ؟

- هَلْ يَمْكُنْ تَحْلِيلُ الْمَقْدَارِ الْجَبَرِيِّ بِاسْتِعْمَالِ طَرِيقَةِ الْمَرْبِعِ الْكَامِلِ ثَلَاثَيِّ الْهَدُودِ؟

- أَحْلَلْ الْمَقْدَارَ الْجَبَرِيَّ: $x^2 - 12x + 36 = (x-6)(x+6)$

(وَبِمَا أَنَّ الْعَامِلَيْنِ مُتَسَاوِيَيْنِ كُلَّ عَامِلٍ بِالصَّفْرِ (خَاصِيَّةُ الضَّرِبِ الصَّفَرِيِّ)، فَأَحْلَلْ الْمَعَاذِلَةَ الْخَطِيَّةَ (بَيْنَ الْقَوْسَيْنِ):

إِذْنُ، لِلْمَعَاذِلَةِ جَذْرَانِ حَقِيقَيَّاتِ مُتَسَاوِيَيْنِ (حَلُّ وَاحِدٌ) هُوَ،

٣) أَحْلَلْ الْمَعَاذِلَتَيْنِ التَّرِبِيعِيَّتَيْنِ الْأَتِيَتَيْنِ:

١)

$$x^2 + 6x + 9 = 0$$

٢)

$$9x^2 - 42x + 49 = 0$$

أَقْيَمُ دَاتِي: أَرْسَمُ الْوَجْهَ الَّذِي يُعْبِرُ عَنْ دَرْجَةِ رِضَايَ عنْ أَدَائِي وَتَفَاعُلِي فِي أَثْنَاءِ الْأَنْشِطَةِ دَاخِلَ () .

 لم أتمكن من حل الأنشطة. أستعين بزميلي لتقديم المهمة أو معلمي، ويمكن أن أجده عن مصدر آخر للمعرفة.	 أستطيع حل الأنشطة مع بعض المساعدة. أسأل زميلاً لتقديم المهمة.	 أستطيع حل الأنشطة من دون مساعدة. أتجه إلى كتابي وأكمل حل "أتدرّب" وأحل المسائل.
• أَحْلَلْ الْمَعَاذِلَةَ التَّرِبِيعِيَّةَ جَبَرِيًّا ()		• أَحْلَلْ الْمَقَادِيرَ الْجَبَرِيَّةَ ()

- أتعرّفُ لاقتران.
- أجُدُ قاعدةً اقترانٍ.

النشاط ① القيمة العددية لمقدار جبريٌ.



(1) إذا كانت قيمة $3 = x$ وكانت قيمة $5 = y$ وأجُد ناتج ما يأتي :

- أُعوّض قيمة كلٌّ من y , x ,

- أجري العمليات الحسابية

$$\begin{aligned} 1) \quad & 2x + 3y \\ &= 2(3) + 3(5) \\ &= 6+15 = 21 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad & 4x + 2y \\ &= 4(3) + 2(\dots\dots\dots) \\ &= \dots\dots\dots + 10 = 22 \end{aligned}$$

$$3) \quad 3y + 7x = \dots\dots\dots$$

(2) في أحد الأندية الرياضية يكافئ النادي اللاعب مقابل كلٌّ هدفٍ يُحرزُه بـ 4 دنانير وعليه أكمل الجدول الآتي:



اسم اللاعب	عدد الأهداف	العملية الحسابية	المبلغ بالدينار
سيف	3	$\textcircled{3} \times 4$	12
زيد	4	$\dots\dots\dots$	16
أنس	2	$\textcircled{2} \times 4$	$\dots\dots\dots$
محمود	n	$n \times 4$	$4n$
يوسف	x	$\dots\dots\dots$	$\dots\dots\dots$

أتذكر

$$n \times 4 = 4n$$

(3) أكمل جدول المدخلات والمخرجات في ما يلي:

أتعلم

تُسمى العلاقة بين المدخلة x والمخرجة y اقترانًا؛ حيث إن الاقتران هو: علاقة تربط كل قيمة من المدخلات بقيمة واحدة فقط من المخرجات. ويمكن التعبير عن الاقتران بطرائق مختلفة.

المدخلة (x)	المخرجة $2 - 4x$
1	$y = 4(1) - 2 = 2$
2	$y = 4(\dots) - 2 = 6$
3	$y = 4(\dots) - 2 = \dots$



النشاط ② وصف قاعدة اقتران بالكلمات وجبرياً.

(1) أكمل الجدول الآتي:

الجملة	المقدار الجبري
المتغير x مضروباً بـ 3 ومضافاً إليه 2	$3x + 2$
المتغير x مضروباً بـ 4 ومطروحًا منه 1	$4(x - 2)$
المتغير x مطروحًا منه 2 ومضروباً بالعدد 4	
المتغير x مضافاً إليه 7 ومضروباً بـ 2	

(2) أكتب آلة الاقتران في ما يلي، ثم أعبر عنها جبرياً:

1	x $\times 2$ $+ 3$	آلية الاقتران المعطاة نضرب المدخلة x في 2، ثم نضيف 3:
	x $2x + 3$	إذن، يمكنني كتابة قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية
		أو بصورة معادلة $y = 2x + 3$
2	x $\times 5$ $- 3$	آلية الاقتران المعطاة: نضرب المدخلة x في ، ثم نطرح 3:
		إذن يمكنني كتابة قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية
		أو بصورة معادلة

3

اللة الاقتران المعطاة: x نضيف 5 إلى المدخلة ، ثم نضرب

الناتج بـ 3



إذنْ يُمكِّنني كتابة قاعدة الاقران بالصورة الجبرية

x أو معادلة

4

آلُّهُ الْاَقْتَرُ انِّي مُعَطَّاً- نَطَرْخُ 2 مِنَ الْمُدْخَلَةِ x ، ثُمَّ نَصَرْبُ

الناتج بـ



إذن، يمكنني كتابة قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية

$$x \mapsto (x - 2) \times 5$$

أو بصورة معادلة على الشكل $y = \dots$

5

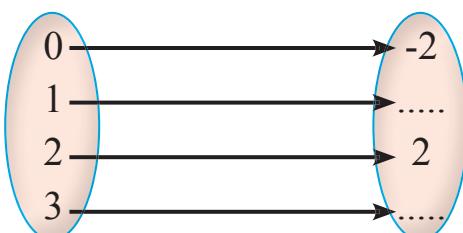


6



(3) أُمِّلَ جُوْلَ الْمَدْخَلَاتِ وَالْمَخْرَجَاتِ الْأَتَى بِاسْتِخْدَامِ الْمُخْطَطِ السَّهْمِيِّ:

المدخلة (x)	المخرجية (y)
0	-2
1	0
2	2
3	4



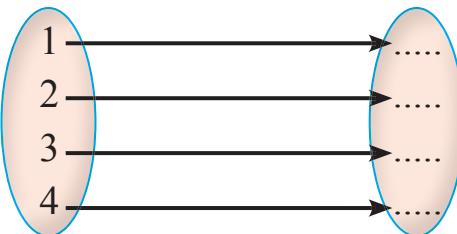
٤) معتمدًا على الاقتران: $x \rightarrow x + 4$

أجذب المخرجات المناظرة للمدخلات 1,2,3,4

أمثل المدخلات والمخرجات بمخطط سهمي ②

المدخلة (<i>x</i>)	المخرجية (<i>y</i>)
1
2
3
4

المدخلات المخرجات



أَصْبَعُ ✓ أَسْفَلَ الصُّورَةِ الَّتِي تَمْثِيلُ تَعْلُمِي



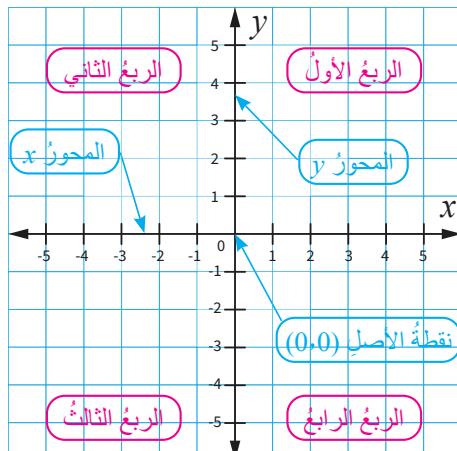
تمثيل الاقتران الخطى ببيانياً

5

النتائج: • أمثل الاقتران الخطى بيانياً.



النشاط 1 تمثيل الأزواج المرتبة (x,y) على المستوى الإحداثي



1) أمثل كلاً من الأزواج المرتبة التالية على المستوى الإحداثي

1) $(3, 4)$

أبدأ من نقطة الأصل $(0, 0)$ وأتحرّك على محور x باتجاه اليمين (لأن قيمة الإحداثي x موجبة) بمقدار 3 وحدات فأقف عند النقطة $(3, 0)$

الخطوة 1

من النقطة $(3, 0)$ أتحرّك 4 خطوات إلى الأعلى (لأن قيمة الإحداثي y موجبة)

الخطوة 2

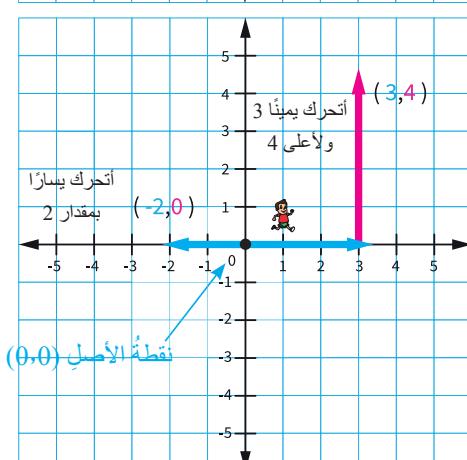
2) $(-2, 0)$

أبدأ من نقطة الأصل $(0, 0)$ وأتحرّك على محور x باتجاه اليسار (لأن قيمة الإحداثي x سالبة) بمقدار 2 وحدات فأقف عند النقطة $(-2, 0)$

الخطوة 1

لا أتحرّك من النقطة $(0, -2)$; لأن قيمة الإحداثي $y = 0$

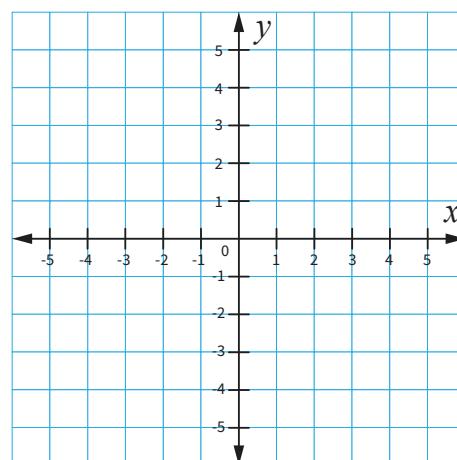
الخطوة 2



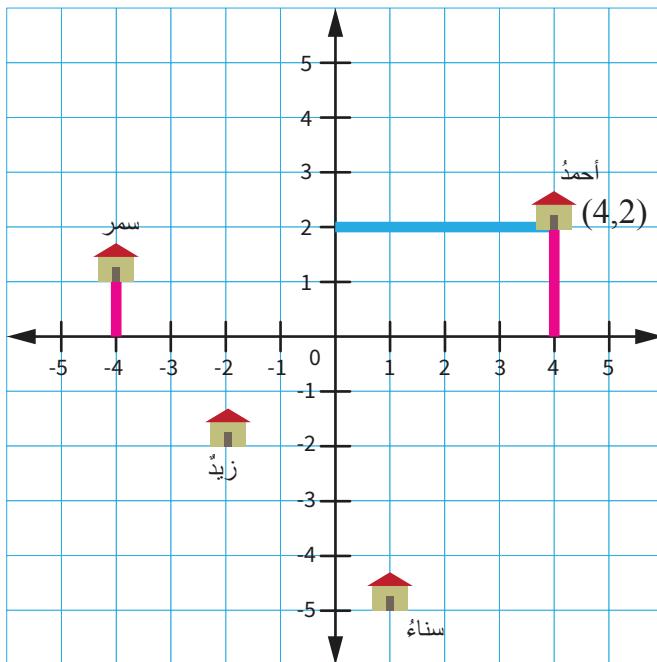
2) أستعمل مستوى الإحداثيات التالي لأعين النقط المعطاة

1) $(1, 4)$ 2) $(-2, 3)$ 3) $(-1, -2)$ 4) $(0, -5)$

5) $(5, -2)$ 6) $(5, 0)$

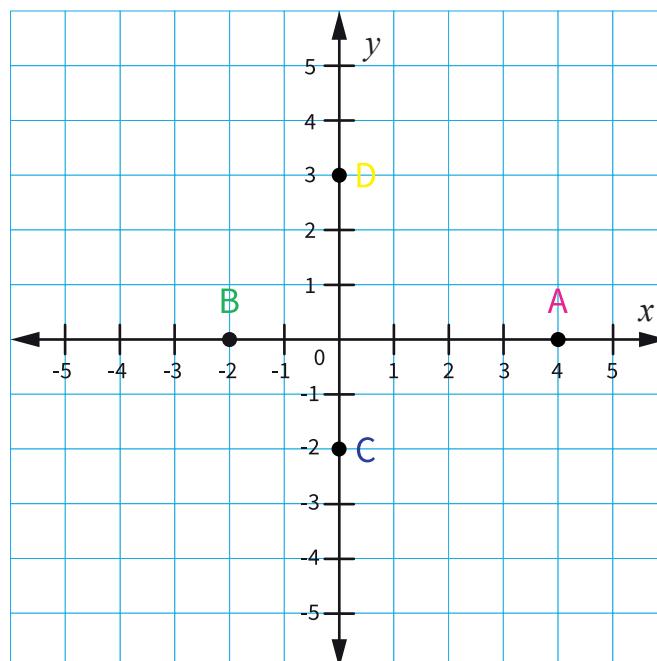


النشاط ② إيجاد إحداثيات نقطة من المستوى الإحداثي.



1) أجد إحداثيات النقطة التي تحدد موقع منزل أحمد.
أنزل عموداً من منزل أحمد على المحور x
فأجد أنه يقابل العدد 4 ثم أنزل عموداً من منزل
أحمد على المحور y ، فأجد أنه يقابل العدد 2.
إذن إحداثيات النقطة التي تحدد موقع منزل أحمد
هي (4,2)

أحدد إحداثيات النقطة التي تحدد موقع منزل كل من: سمر، زيد وسناء
سمر (,)
زيد (,)
سناء (,)



2) أجد إحداثيات النقط A,B,C,D

إحداثيات ①

لاحظ أن A تقع على محور x عند 4
إذن A (4,0)

إحداثيات ②

إحداثيات ③

لاحظ أن C تقع على محور x عند -2 - إذن
C (0,-2)

إحداثيات ④



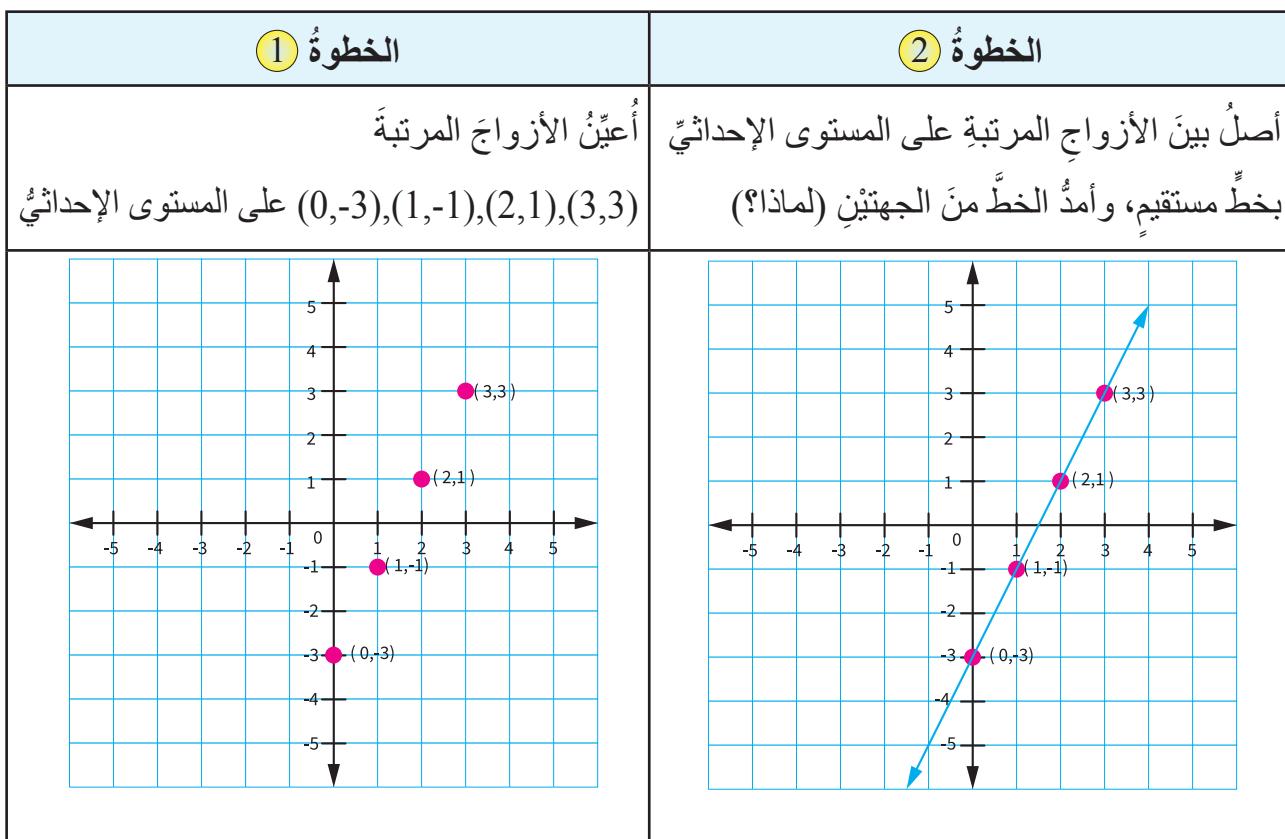
النشاط ③ تمثيل الاقتران الخطىً بيانياً.

(1) أكمل جداول المدخلات والمخرجات لاقتران الآتية، وأمثلها بيانياً

$$① \quad x \longmapsto 2x - 3$$

المدخلة x	المخرجة $y = 2x - 3$	الزوج المرتب (المخرجة، المدخلة) (x, y)
0	$2(0) - 3 = -3$	(0, -3)
1	$2(1) - 3 = \dots$	(1, ...)
2	$2(\dots) - 3 = 1$	(..., 1)
3	(..., ...)

إن الأزواج المرتبة تنتج من تعويض قيم المدخلات في المعادلة $3 - 2x = y$ لتمثيل الاقتران بيانياً؛ أتبع الخطوات الآتية:



الاحظ أن التمثيل البياني على شكل خط مستقيم؛ لذلك يسمى $3 - 2x = y$ اقترانًا خطياً.

$$② \quad x \longmapsto 2(x+1)$$

أذكر

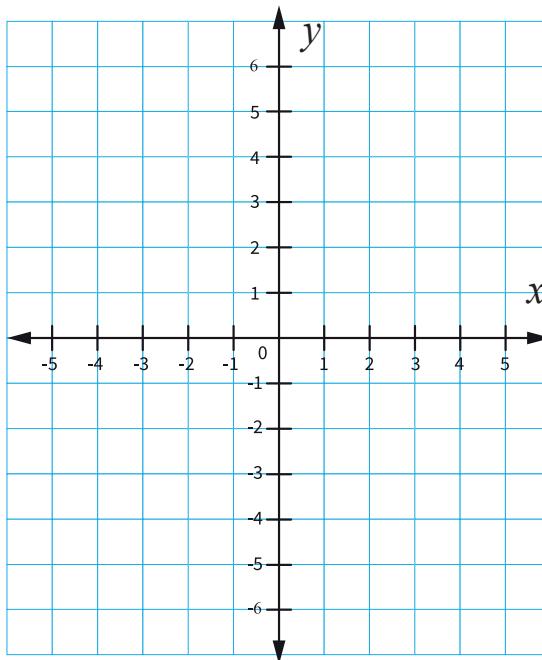
أختار قيم المدخلات وأعرضها في المعادلة.

المدخلة x	المخرجية $y = 2(x+1)$	الزوج المرتب (المخرجية، المدخلة) (x, y)
0	$2(0+1) = 2$	(0, 2)
1	$2(1+1) = \dots$	(,)
2
-1	$2(-1+1) = 2 \times 0 = 0$	(-1, 0)
-2

الاحظ أن الأزواج المرتبة تنتج من تعويض قيم المدخلات في المعادلة لتمثيل الاقتران بيانياً؛ أتفهم ما يأتي:

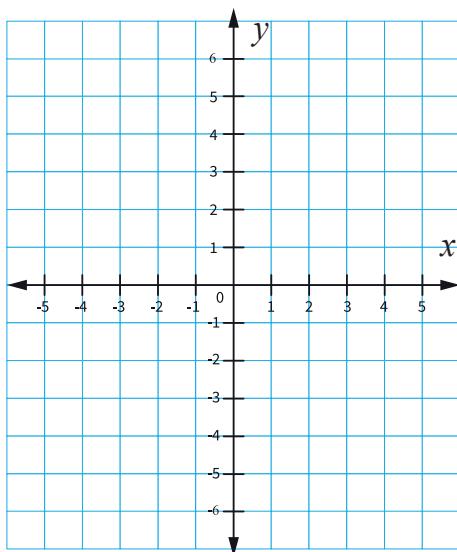
الخطوة ① أعين الأزواج المرتبة $(0,2), (1,\dots), (2,\dots), (-1,\dots), (-2,\dots)$ على المستوى الإحداثي.

الخطوة ② أصل بين الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي وأمد الخط من الجهتين.



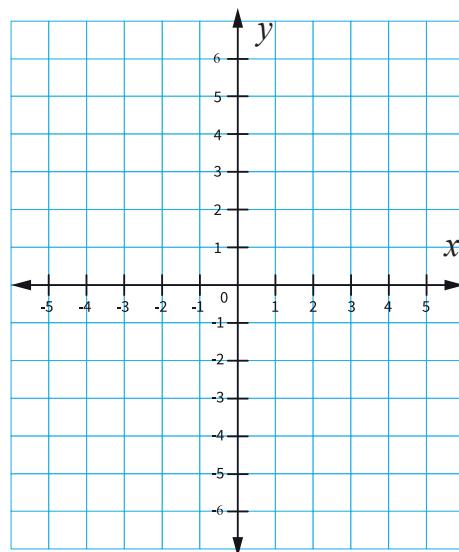
3) $x \rightarrow 2x - 2$

المدخلة x	المخرجية y	الزوج المرتب (x, y)
.....
.....
.....



4) $x \rightarrow 3(x - 2)$

المدخلة x	المخرجية y	الزوج المرتب (x, y)
.....
.....
.....



النشاط 4 مسائل حياتية.



تقديم إحدى الشركات زيادة سنوية على راتب الموظف قدرها 10 دنانير، أكتب معادلة من متغيرين تمثل مقدار زيادة راتب الموظف بعد مرور عدد من السنوات، ثم أمثل المعادلة بيانياً.

أضِع ✓ أَسْفَلَ الصُّورَةِ الَّتِي تَمثُلُ تَعْلُمي



- النتائج:
- أذكر خصائص الاقرأن التربيعي.
 - أمثل الاقرأن التربيعي بيانياً في المستوى الإحداثي.

نشاط 1 خصائص الاقرأن التربيعي



أتعلم

الاقرأن التربيعي هو كل اقرأن يكتب على الصيغة $f(x) = ax^2 + bx + c$ حيث a, b, c أعداد حقيقة $\neq 0$ ويسمى الاقرأن $f(x) = ax^2$ بالاقرأن الرئيسي لأنه أبسط صورة للاقرأن التربيعي.

أتعلم

القطع المكافئ: هو الشكل الناتج عن تمثيل الاقرأن التربيعي بيانياً $f(x) = ax^2 + bx + c$ ويكون على شكل \cap إذا كان $a < 0$ أو على شكل \cup إذا كانت $a > 0$

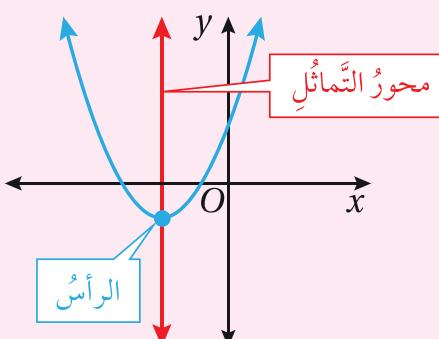
محور التمايز: الخط الرأسي الذي يقسم الشكل إلى قسمين متماثلين ومعادلته $x = -\frac{b}{2a}$

رأس القطع: نقطة تقاطع محور التمايز مع منحنى القطع، وإحداثياته $\left(-\frac{b}{2a}, f\left(-\frac{b}{2a}\right)\right)$

وتكون: $\begin{cases} \text{قيمة عظمى إذا كانت } a < 0 \\ \text{وقيمة صغرى إذا كانت } a > 0 \end{cases}$

المجال: مجال الاقرأن التربيعي دائما هو $(-\infty, \infty)$

المدى: $\begin{cases} y \geq f\left(-\frac{b}{2a}\right) \text{ إذا كانت } a > 0 \\ y \leq f\left(-\frac{b}{2a}\right) \text{ إذا كانت } a < 0 \end{cases}$



(1) أميّز الاقتران التربيعي في كلّ مما يأتي وأبرر إجابتي:

التبير	غير تربيعي	تربيري ومعاملاته	الاقتران
$f(x) = ax^2 + bx + c$ لأنه على الصيغة		\checkmark $a = 1 \ b = 3 \ c = -2$	$f(x) = x^2 + 3x - 2$
لأن أكبر قوة للمتغير فيه تساوي 3	\checkmark		$f(x) = x^3 + 3x$
$f(x) = ax^2 + bx + c$ لأنه على الصيغة أنتدّر: أي حد من حدود الاقتران التربيعي غير موجود يكون معاملة 0		\checkmark $a = 4 \ b = 0 \ c = 6$	$g(x) = 4x^2 + 6$
لأن قوة المتغير فيه تساوي 1			$g(x) = 4x - 6$
	\checkmark		$f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4$
		\checkmark $a = \ , \ b = \ , \ c = \$	$f(x) = x^2$
لأن قوة المتغير فيه تساوي 3			$f(x) = 8x^3 - 1$

(2) أجد معادلة محور التماثل وإحداثيات رأس القطع والقيمة العظمى أو الصغرى ومدى الاقترانات الآتية:

المدى	القيمة العظمى $a < 0$ القيمة الصغرى $a > 0$	إحداثيات رأس القطع $\left(\frac{-b}{2a}, f\left(\frac{-b}{2a}\right) \right)$	معادلة محور $x = \frac{-b}{2a}$	قيم المعاملات a, b, c	الاقتران
$[-1, \infty)$ $\{y y \geq -1\}$	$a=1$ بما أن للاقتران قيمة صغرى -1 مقدارها 1	$f(-1) = (-1)^2 + 2(-1) + 1$ $= 1 - 2 + 1 = 0$ إحداثيات رأس القطع $(-1, 0)$	$x = \frac{-2}{2(1)} = -1$ $x = -1$	$a = 1 \ b = 2 \ c = 1$	$f(x) = x^2 + 2x + 1$
$[....., \infty)$ $\{y y \geq\}$	$a=1$ بما أن للاقتران قيمة مقدارها	$f(3) =$ $= -14$ إحداثيات رأس القطع $(3, -14)$	$x = \frac{-(-6)}{2(1)}$ $x =$	$a = 1 \ b = -6 \ c = -5$	$f(x) = x^2 - 6x - 5$
$(-\infty,]$ $\{y y \leq\}$	$a=... \dots$ بما أن للاقتران قيمة عظمى مقدارها	$f() =$ $= 2$ إحداثيات رأس القطع $(, 2)$	$x =$ $=$	$a = \ b = \ c = 0$	$f(x) = -2x^2 + 4x$
$[....., \infty)$ $\{y y \geq \}$	$a=... \dots$ بما أن للاقتران قيمة مقدارها	$f() =$ إحداثيات رأس القطع $(,)$	$x =$	$a = \ b = \ c = \$	$f(x) = 4x^2 - 7$
					$f(x) = -3x^2 - 6x - 5$
					$f(x) = -x^2 + 6x$
					$f(x) = x^2 - 2x + 4$



نشاط ١ تمثيل الاقتران التربيعي بيانياً

خطوات تمثيل الاقتران التربيعي بيانياً

$a > 0$ مفتوح للأعلى أحدهما اتجاه القطع
 $a < 0$ مفتوح للأسفل

أجد معادلة محور التماثل

أجد إحداثيات رأس القطع

أختار قيمة للمتغير x تقع في
جهة المقطع لا نفسها أجد إحداثيات المقطع y

(١) أمثل الاقتران $f(x)=x^2+2x-1$ بيانياً

السؤال	الحل	التمثيل البياني
أجد قيم المعاملات a,b,c	$a= b= c=$	
أحد اتجاه القطع	بما أن $a=1$ فإن المنحنى مفتوح للأعلى.	
أجد معادلة محور التماثل	$x =$ $x = -1$	
أجد إحداثيات رأس القطع	$f(-1)=$ إحداثيات الرأس $(,)$	
أجد المقطع y	المقطع y هو قيمة الثابت c المقطع يساوي -1 إذن إحداثيات المقطع y هو $(0, -1)$	
أختار قيمة للمتغير x والقيمة المناظرة لها في الاقتران $f(x)$	$x =$ $f(1)=1^2+2(1)-1=2$ أحصل على الزوج المرتب $(1,2)$	المجال $(-\infty, \infty)$ المدى $\{ y \}$ او القيمة الصغرى هي -2
أعين النقاط على المنحنى وأصل بينها بخط منحن، فيظهر الشكل في التمثيل البياني.	إحداثيات الرأس $(,)$ إحداثيات المقطع y $(,)$ إحداثيات نقطة على المنحنى $(,)$	

$$\text{أمثلة لاقتران } f(x) = -x^2 + 2x \quad \text{بيانياً} \quad (2)$$

السؤال	الحل	التمثيل البياني
أجد قيمة المعاملات a, b, c	$a = -1$ بما أن $a = -1$ فإن المنحنى مفتوح	
أحد اتجاه القطع		
أجد معادلة محور التماثل		
أجد إحداثيات رأس القطع	إحداثيات الرأس $(,)$	الجال المدى القيمة العظمى
أجد المقطع y	المقطع y يساوي اذن إحداثيات المقطع y $(,)$	
أختار قيمة المتغير x والقيمة المناظرة لها في الاقتران $f(x)$	أختار قيمة $x =$ أحصل على الزوج المرتب $(,)$	
أعين النقاط على المنحنى وأصل بينها بخط منحن، فيظهر الشكل في التمثيل البياني.	إحداثيات الرأس $(,)$ إحداثيات المقطع y $(,)$ إحداثيات نقطة على المنحنى $(,)$	

أقِيمُ ذاتي: أرسمُ الوجهَ الذي يُعبّرُ عن درجةِ رضايَ عن أدائي وتفاعلِي في أثناءِ الأنشطةِ داخلِ ().

<p>لم أتمكن من حل الأنشطة. استعين بزميل أتقن المهارة أو معلمي، ويمكن أن أبحث عن مصدر آخر للمعرفة.</p>	<p>أستطيع حل الأنشطة مع بعض المساعدة. أسأل زميلاً أتقن المهارة.</p>	<p>أستطيع حل الأنشطة من دون مساعدة. أتوجه إلى كتابي وأكمل حل "أتدرّب" وأحل المسائل.</p>
<p>• أمثل الاقتران التربيعي بيانيًا ()</p>		